

نام درس: آمار و احتمال
نام دبیر: خانم رستگاریان
تاریخ امتحان ۱۴۰۲/۳/۲۴
ساعت امتحان: ۸ صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶تهران
دیبرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد فلسطین
آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تتمیلی ۱۴۰۲-۱۴۰۱

نام و نام فانوادگی:
مقطوع و روشن: یازدهم (یافی)
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: ۴ صفحه

ردیف	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نامه به حروف:	نمره به عدد:	نامه به حروف:	نامه به حروف:	نام دبیر و امضاء مدیر
ردیف	ردیف	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نمره به عدد:	نامه به حروف:	نامه به حروف:	نام دبیر و امضاء مدیر
۱	۱/۲۵	جاهای خالی را کامل کنید.	الف) مجموعه مقادیری است که به جای متغیرهای گزاره‌نما قرار می‌گیرد و گزاره نما را به گزاره‌ای درست تبدیل می‌کند. ب) هنگامی که داده‌ی دورافتاده داشتیم معیار گرایش به مرکز بهتری نسبت به است. ج) مشخصه‌ی عددی که توصیف کننده‌ی جنبه‌ی خاصی از جامعه است نام دارد. د) مرسوم‌ترین روش گردآوری داده‌ها است.	۱	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۲	۱	درستی هم ارزی مقابل را به کمک جدول ارزش گزاره‌ها یا بدون جدول نشان دهید؟ $[\sim(p \Rightarrow q) \vee q] \wedge [(q \Rightarrow p) \wedge q] \equiv p \wedge q$	درستی هم ارزی مقابل را به کمک جدول ارزش گزاره‌ها یا بدون جدول نشان دهید؟ $[\sim(p \Rightarrow q) \vee q] \wedge [(q \Rightarrow p) \wedge q] \equiv p \wedge q$	۲	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۳	۰/۷۵	نقیض گزاره‌ی زیر را بنویسید? در همه‌ی روزهای پاییز، اگر هوا ابری باشد آن‌گاه باران می‌بارد یا باد شدیدی می‌ورزد.	نقیض گزاره‌ی زیر را بنویسید? در همه‌ی روزهای پاییز، اگر هوا ابری باشد آن‌گاه باران می‌بارد یا باد شدیدی می‌ورزد.	۳	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۴	۰/۷۵	به چند طریق می‌توان یک مجموعه‌ی ۷ عضوی را به دو زیرمجموعه‌ی ۲ عضوی و سه زیرمجموعه‌ی یک عضوی افزایش کرد؟	به چند طریق می‌توان یک مجموعه‌ی ۷ عضوی را به دو زیرمجموعه‌ی ۲ عضوی و سه زیرمجموعه‌ی یک عضوی افزایش کرد؟	۴	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۵	۰/۷۵	اگر تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه‌ی n عضوی از تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه‌ی 2^n عضوی $\underline{192}$ عضو کمتر باشد. n را بیابید.	اگر تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه‌ی n عضوی از تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه‌ی 2^n عضوی $\underline{192}$ عضو کمتر باشد. n را بیابید.	۵	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۶	۰/۵	با استفاده از قوانین جبر مجموعه‌ها درستی تساوی روبرو را بررسی کنید. $(A - B) \cup (A \cap B) = A$	با استفاده از قوانین جبر مجموعه‌ها درستی تساوی روبرو را بررسی کنید. $(A - B) \cup (A \cap B) = A$	۶	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۷	۰/۵	اگر $\{2, 4\} \times A = \{1, 2\}$ و $A = \{1, 2\}$ آن‌گاه مجموعه‌ی $B \times A$ را روی نمودار نشان دهید؟	اگر $\{2, 4\} \times A = \{1, 2\}$ و $A = \{1, 2\}$ آن‌گاه مجموعه‌ی $B \times A$ را روی نمودار نشان دهید؟	۷	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۸	۱	اگر $p(A' \cup B') = 0/5$ و $p(A - B) = 0/7$ باشد. حاصل $p(B A)$ و $p(A' B)$ را حساب کنید.	اگر $p(A' \cup B') = 0/5$ و $p(A - B) = 0/7$ باشد. حاصل $p(B A)$ و $p(A' B)$ را حساب کنید.	۸	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۹	۱/۵	در پرتاب یک تاس اگر احتمال ظاهرشدن هر عدد دو برابر عدد قبل آن باشد. احتمال ظاهر شدن عددی بیش از $\underline{4}$ را بدست آورید؟	در پرتاب یک تاس اگر احتمال ظاهرشدن هر عدد دو برابر عدد قبل آن باشد. احتمال ظاهر شدن عددی بیش از $\underline{4}$ را بدست آورید؟	۹	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۱۰	۱/۵	یک سبد میوه دارای $\underline{4}$ سیب و $\underline{4}$ پرتقال و $\underline{3}$ لیموشیرین است و سبدی دیگر دارای $\underline{3}$ سیب و $\underline{3}$ پرتقال و $\underline{2}$ لیموشیرین است. از سبد اول یک میوه برداشته و در سبد دوم قرار می‌دهیم و از سبد دوم دو میوه برمی‌دارم. اگر از سبد دوم یک پرتقال و یک لیموشیرین خارج شود، چقدر احتمال دارد از سبد اول یک پرتقال خارج شده باشد؟	یک سبد میوه دارای $\underline{4}$ سیب و $\underline{4}$ پرتقال و $\underline{3}$ لیموشیرین است و سبدی دیگر دارای $\underline{3}$ سیب و $\underline{3}$ پرتقال و $\underline{2}$ لیموشیرین است. از سبد اول یک میوه برداشته و در سبد دوم قرار می‌دهیم و از سبد دوم دو میوه برمی‌دارم. اگر از سبد دوم یک پرتقال و یک لیموشیرین خارج شود، چقدر احتمال دارد از سبد اول یک پرتقال خارج شده باشد؟	۱۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۱۱	۱	اگر احتمال آمدن عددی زوج در پرتاب یک تاس ناهمگن $\frac{3}{4}$ باشد، و احتمال روآمدن سکه $\frac{3}{7}$ باشد، احتمال اینکه تاس عدد فرد بیاید یا سکه پشت بیاید را حساب کنید.	اگر احتمال آمدن عددی زوج در پرتاب یک تاس ناهمگن $\frac{3}{4}$ باشد، و احتمال روآمدن سکه $\frac{3}{7}$ باشد، احتمال اینکه تاس عدد فرد بیاید یا سکه پشت بیاید را حساب کنید.	۱۱	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
۱۲	۰/۵	در یک کیسه $\underline{5}$ مهره‌ی آبی و $\underline{4}$ مهره‌ی زرد وجود دارد سه مهره به ترتیب و بدون جایگذاری خارج می‌کنیم احتمال این که فقط مهره‌ی اول و سوم آبی باشد، چقدر است؟	در یک کیسه $\underline{5}$ مهره‌ی آبی و $\underline{4}$ مهره‌ی زرد وجود دارد سه مهره به ترتیب و بدون جایگذاری خارج می‌کنیم احتمال این که فقط مهره‌ی اول و سوم آبی باشد، چقدر است؟	۱۲	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰
		صفحه ۱ از ۲	صفحه ۱ از ۲				

۲	<p>اگر تعداد بازیکنان تیم ملی فوتبال <u>۲۵</u> نفر باشند و جدول فراوانی سن بازیکنان به صورت زیر باشد، جدول را کامل کرده و میانگین سن بازیکنان را حساب کرده و نمودار بافت نگاشت داده‌ای مربوطه را رسم کنید.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>حدود سن</th><th>فراوانی</th><th>درصد فراوانی</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>۱۸-۲۲</td><td>۵</td><td></td></tr> <tr> <td>۲۲-۲۶</td><td>۴۰</td><td></td></tr> <tr> <td>۲۶-۳۰</td><td>۴</td><td></td></tr> <tr> <td>۳۰-۳۴</td><td></td><td>۳۰-۳۴</td></tr> </tbody> </table>	حدود سن	فراوانی	درصد فراوانی	۱۸-۲۲	۵		۲۲-۲۶	۴۰		۲۶-۳۰	۴		۳۰-۳۴		۳۰-۳۴	۱۳						
حدود سن	فراوانی	درصد فراوانی																					
۱۸-۲۲	۵																						
۲۲-۲۶	۴۰																						
۲۶-۳۰	۴																						
۳۰-۳۴		۳۰-۳۴																					
۱/۵	<p>میانه، چارک اول، چارک سوم، دامنه میان چارکی داده‌های زیر را به دست آورده و نمودار جعبه‌ای داده‌های مربوط را رسم کنید.</p> <p>۶, ۱۴, ۱۵, ۲۰, ۱۹, ۱۷, ۱۸, ۱۹, ۱۶, ۱۸, ۱۹/۵, ۱۸</p>	۱۴																					
۰/۵	<p>اگر واریانس داده‌های X_1, X_2, \dots, X_n برابر <u>۱۶</u> باشد، انحراف معیار داده‌های $X_1 + 1, \dots, X_n + 1 + ۳X_1$ چقدر است؟</p>	۱۵																					
۱/۵	<p>دو دستگاه تعدادی کالا را در زمان‌های داده شده تولید می‌کنند دقت کدام دستگاه بیشتر است؟</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>نام دستگاه</th><th>شماره کالا</th><th>۱</th><th>۲</th><th>۳</th><th>۴</th><th>۵</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A</td><td></td><td>۲</td><td>۵</td><td>۸</td><td>۳</td><td>۲</td></tr> <tr> <td>B</td><td></td><td>۴</td><td>۳</td><td>۲</td><td>۵</td><td>۶</td></tr> </tbody> </table>	نام دستگاه	شماره کالا	۱	۲	۳	۴	۵	A		۲	۵	۸	۳	۲	B		۴	۳	۲	۵	۶	۱۶
نام دستگاه	شماره کالا	۱	۲	۳	۴	۵																	
A		۲	۵	۸	۳	۲																	
B		۴	۳	۲	۵	۶																	
۱	<p>در هر مورد نمونه‌گیری به کدام روش صورت گرفته است؟ به لحاظ هزینه، زمان و دقت هر روشی را بررسی کرده، کدامیک بهتر است؟</p> <p>(الف) برای به دست آوردن میانگین نمره ریاضی دانشآموزان یک مدرسه، یک کلاس از پایه دهم و یک کلاس از پایه‌ی دوازدهم انتخاب کرده و میانگین تمام نمرات دانشآموزان این دو کلاس را به دست می‌آوریم.</p> <p>(ب) برای به دست آوردن سن تماشاگران یک تئاتر در یک سالن که هر ردیف <u>۲۰</u> صندلی دارد از ردیف اول نفرات دوم و پانزدهم را به تصادف انتخاب کرده از ردیف‌های بعد نیز همین شماره‌ها را انتخاب می‌کنیم.</p>	۱۷																					
۱	<p>در هر مورد کدام روش گردآوری داده مناسب است؟</p> <p>(الف) بررسی تأثیر شنیدن صدای قرآن بر رشد گیاهان</p> <p>(ب) تعداد کشته شدگان در حوادث رانندگی در سال <u>۱۴۰۱</u></p> <p>(ج) میزان رضایت شرکت کنندگان در یک تئاتر آیینی</p> <p>(د) علت شرکت مردم یک شهر در انتخابات</p>	۱۸																					
۰/۵	<p>اگر انحراف معیار برآورد میانگین یک جامعه توسط یک نمونه <u>۷</u> عضوی حداقل برابر <u>۱۶</u> باشد، و انحراف معیار جامعه برابر <u>۴۰</u> باشد. حداکثر اندازه نمونه چقدر است؟</p>	۱۹																					
۱	<p>اگر واریانس یک جامعه‌ی آماری برابر <u>۱</u> باشد. و از این جامعه نمونه‌ای به اندازه‌ی <u>۸۱</u> عضو انتخاب کنیم. اگر میانگین نمونه برابر <u>۱۷</u> باشد. بازه‌ی اطمینان بیش از <u>۹۵</u>% برای این جامعه را به دست آورید.</p>	۲۰																					
	صفحه ۲ از ۲																						
	جمع بارم: <u>۲۰</u> نمره																						

نام درس:
 نام دبیر:
 تاریخ امتحان: / /
 ساعت امتحان: ساعت عصر
 مدت امتحان: دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
 اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران
 دبیرستان غیر دولتی دخترانه سرای دانش واحد فلسطین
کلید سوالات پایان ترم نوبت دوم سال تمقبل ۱۴۰۲-۱۴۰۱



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	الف) مجموعه جواب ب) میانه - میانگین ج) پارامتر د) پرسشنامه	
۲	$[(p \wedge \sim q) \vee q] \wedge [(\sim q \vee p) \wedge q] = \\ [(p \vee q) \wedge \underbrace{(\sim q \vee q)}_{T}] \wedge [\underbrace{(\sim q \wedge q) \vee (p \wedge q)}_{F}] \equiv (p \vee q) \wedge (p \wedge q) \equiv [(p \vee q) \wedge p] \wedge q \equiv p \wedge q$	
۳	در بعضی روزهای پاییز، هوای ابری است و باران نمی‌بارد و باد شدیدی نمی‌وزد.	
۴	$\frac{\binom{7}{2} \binom{5}{2} \binom{3}{1} \binom{2}{1} \binom{1}{1}}{2! \cdot 3!} = \frac{21 \times 10 \times 3 \times 2}{2 \times 6} = 105$	
۵	$2^{n+2} - 2^n = 192 \rightarrow 4 \times 2^n - 2^n = 192 \rightarrow 2^n = \frac{192}{3} = 64 \rightarrow n = 6$	
۶	$(A \cap B') \cup (A \cap B) = A \cap (B' \cup B) = A \cap U = A$	
۷		
۸	$p(A) = \dots / 5$ $p(A \cap B)' = \dots / 7 \rightarrow p(A \cap B) = \dots / 3$ $p(A - B) = p(A) - p(A \cap B) = \dots / 5 - \dots / 3 = \dots / 2$ $p(B A) = \frac{p(B \cap A)}{p(A)} = \frac{\dots / 3}{\dots / 5} = \dots / 6$	
۹	$p(1) = x \quad p(2) = 2x \quad p(3) = 4x$ $p(4) = 8x \quad p(5) = 16x \quad p(6) = 32x$ $p(1) + p(2) + \dots + p(6) = 1$ $x + 2x + 4x + 8x + 16x + 32x = 1$ $63x = 1 \rightarrow x = \frac{1}{63}$ $p(5) + p(6) = 16x + 32x = 48x = \frac{48}{63}$	

۱۰

$$\text{سب} \rightarrow \frac{6}{13} \rightarrow \frac{\begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 9 \\ 6 \end{pmatrix}} = \frac{6}{36}$$

$$\text{لیمو} \rightarrow \frac{3}{13} \rightarrow \frac{\begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 9 \\ 2 \end{pmatrix}} = \frac{9}{36}$$

$$\text{پرتقال} \rightarrow \frac{4}{13} \rightarrow \frac{\begin{pmatrix} 4 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 9 \\ 2 \end{pmatrix}} = \frac{8}{36}$$

$$p(A|B) = \frac{\frac{4}{13} \times \frac{8}{36}}{\frac{6}{13} \times \frac{6}{36} + \frac{3}{13} \times \frac{9}{36} + \frac{4}{13} \times \frac{8}{36}} = \frac{\frac{32}{36+27+32}}{36+27+32} = \frac{32}{95}$$

$$p = \frac{1}{4} \quad p(\text{فرد}) = \frac{4}{7}$$

$$p(\text{پشت} \cap \text{فرد}) = \frac{1}{4} \times \frac{4}{7} = \frac{1}{7}$$

$$p(\text{پشت} \cup \text{فرد}) = \frac{1}{4} + \frac{4}{7} - \frac{1}{7} = \frac{19}{28}$$

۱۱

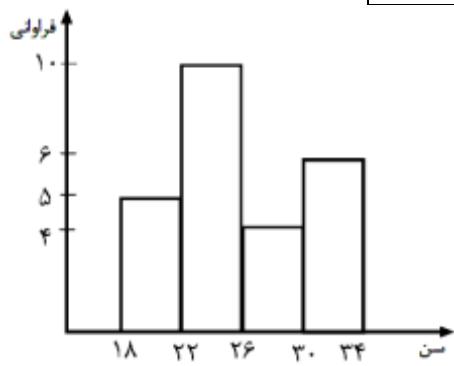
$$p(\text{آبی} \cap \text{غیرآبی} \cap \text{آبی}) = \frac{10}{21} \times \frac{11}{20} \times \frac{9}{19}$$

۱۲

$$\bar{x} = \frac{644}{25} = 25 / 76$$

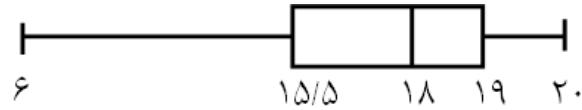
	مرکز دسته × فراوانی	مرکز دسته	درصد فراوانی	فراوانی	حدود و سن
	۱۰۰	۲۰	۲۰	۵	۱۸-۲۲
	۲۴۰	۲۴	۴۰	۱۰	۲۲-۲۶
	۱۱۲	۲۸	۱۶	۴	۲۶-۳۰
	۱۹۲	۳۲	۲۴	۶	۳۰-۳۴
	۶۴۴		۱۰۰	۲۵	مجموع

۱۳



$$6, 14, \underbrace{15, 16, 17}_{Q_1=15/5}, \underbrace{18, 18, 18, 19, 19}_{Q_3=18}, 19/5, 20$$

$$IQR = 19 - 15/5 = 3/5$$



$$\sigma^2 = 16 \rightarrow \sigma = 4$$

$$\sigma' = 3 \times 4 = 12$$

۱۴

۱۵

دقت B بالا تر است.

۱۶

X_i	$X_i - \bar{X}$	$(X_i - \bar{X})^2$	X_i	$X_i - \bar{X}$	$(X_i - \bar{X})^2$
۲	-۲	۴	۴	۰	۰
۵	۱	۱	۳	-۱	۱
۸	۴	۱۶	۲	-۲	۴
۳	-۱	۱	۵	۱	۱
۲	-۲	۴	۶	۲	۴
Σ			Σ		
۲۶			۱۰		

$$\bar{X} = \frac{20}{5} = 4$$

$$\bar{X} = \frac{20}{5} = 4$$

$$\sigma^2 = \frac{26}{5} = 5/2$$

$$\sigma^2 = \frac{10}{5} = 2$$

$$cv_{(A)} = \frac{\sigma}{\bar{X}} = \frac{\sqrt{5/2}}{4}$$

$$cv_{(B)} = \frac{\sigma}{\bar{X}} = \frac{\sqrt{2}}{4}$$

الف) نمونه گیری خوشای - هزینه و زمان و دقت پایین است.

۱۷

ب) نمونه گیری سیستماتیک - هزینه و زمان به نسبت زیاد نیست و دقت بالایی دارد. (بهتر است)

الف) مشاهده ب) دادگان ج) پرسشنامه د) مصاحبه

۱۸

$$\sigma_{\bar{X}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \quad 16 \leq \frac{40}{\sqrt{n}} \rightarrow \sqrt{n} \leq \frac{40}{16} = 2/5$$

$$n \leq 6/25 \quad n = 6$$

$$\sigma^2 = 16 \rightarrow \sigma = 4$$

$$\bar{X} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} < \mu < \bar{X} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$n = 81$$

$$17 - \frac{2 \times 4}{\sqrt{81}} < \mu < 17 + \frac{2 \times 4}{\sqrt{81}}$$

$$\bar{X} = 17$$

$$17 - \frac{8}{9} < \mu < 17 + \frac{8}{9}$$

۲۰

امضا:

نام و نام خانوادگی مصحح :

جمع بارم : نمره