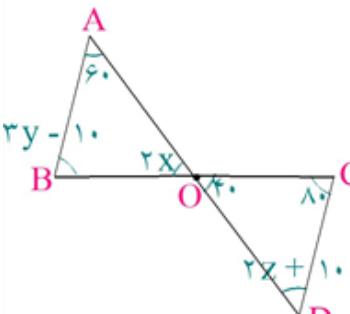
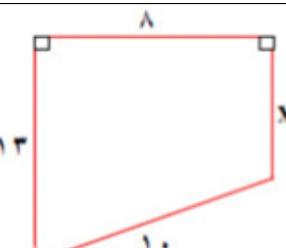
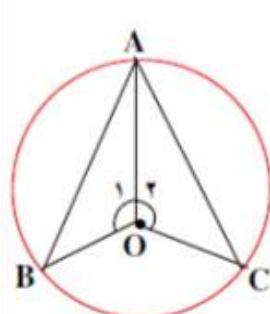


نام درس: ریاضی
نام مدیر: میثمی
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۱
ساعت امتحان: ۸:۰۰ صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۴ تهران
دیبرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد رسالت
آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۳۹۹

نام و نام فائزه‌گی:
مقطع و (شنیده):
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: صفحه

ردیف	محل مهر و امضاء مدیر	نمره تجدید نظر به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد:
		نام مدیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:
۱		جملات درست و نادرست را مشخص کنید. الف) قرینه قرینه هر عدد با خودش برابر است. ب) تمام اعداد طبیعی حداقل یک مقسوم علیه اول دارند. پ) عبارت $a^2 + b^2$ برابر است با $a + b$. ت) حاصل ضرب هر عدد گویا در معکوسش برابر یک است.		۱
۰/۷۵		جمله‌های زیر را کامل کنید. الف) دو خط موازی با یک خط، با هم است. ب) محیط مربعی به ضلع $2b$ برابر است با پ) جمله‌ی n ام الگوی عددی $\dots, 16, 9, 4, 1$ برابر است با		۲
۰/۵	$(-5 + 7 - 4) + \left(-\frac{1}{4} + \frac{5}{6} - \frac{1}{12}\right) =$	حاصل عبارت زیر را به دست آورید.		۳
۰/۵		۴ عدد بنویسید که غیر از ۲ و ۵ شمارنده‌ی دیگری نداشته باشد.		۴
۰/۵		با روش غربال اعداد اول بین ۸۵ تا ۱۰۵ را مشخص نمایید.		۵
۱/۲۵	<p>الف)</p> <p>با توجه به شکل‌های زیر مقادیر خواسته شده را به دست آورید.</p> <p>$\hat{A} = \dots$ $\hat{C}_1 = \dots$ $\hat{C}_2 = \dots$</p> <p>(ب)</p> <p>$x = \dots$ (با راه حل) $\hat{A} = \dots$ $\hat{D} = \dots$</p>			۶
۰/۵	$(a + b)^2 - (a - b)^2 =$	عبارت جبری مقابل را ساده نمایید.		۷

۰/۷۵	$\frac{1}{5}x - \frac{1}{9} = \frac{1}{3}x - \frac{5}{18}$	معادله زیر را حل کنید.	۸
۱/۵	با توجه به بردارهای a و b ، مختصات بردار c را به دست آورید. (الف) $\vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix}; \vec{b} = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{c} = 5\vec{a} - 2\vec{b}$ (ب) $\vec{a} = \begin{bmatrix} +21 \\ -28 \end{bmatrix}; \vec{b} = \begin{bmatrix} -15 \\ 20 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{c} = \frac{3}{7}\vec{a} - \left(\frac{4}{5}\right)\vec{b}$		۹
۰/۷۵	مثلث OAB را با دوران 180° حول نقطه O برابر مثلث OCD منطبق می‌کنیم، مقادیر x ، y و Z را به دست آورید. 		۱۰
۱/۲۵	در شکل زیر اندازه ضلع X و مساحت ذوزنقه را به دست آورید. (۱/۲۵) 		۱۱
۱/۵	ثابت کنید در شکل زیر دو مثلث با یکدیگر همنهشت هستند. (O مرکز دایره است). (۱/۵) 		۱۲
۰/۷۵	عدد $\sqrt{5} - 2$ را روی محور اعداد نشان دهید. (۰/۷۵)		۱۳
۱/۵	حاصل را به صورت اعداد توان دار به دست آورید. (۱/۵) (الف) $2^{10} + 2^{10} + 2^{10} + 2^{10} =$ (ب) $(1/5)^{10} \div \left(\frac{15}{10}\right)^6 =$		۱۴
۱	جذر تقریبی عدد ۳۴ را تا یک رقم اعشار به دست آورید.		۱۵

جدول زیر را کامل کنید و سپس میانگین را به دست آورید. (تا یک رقم اعشار)

دسته‌ها	فرابویی	مرکز دسته × فرابویی	
$4 \leq x < 8$	۳		
$8 \leq x < 12$	۲		
$12 \leq x < 16$	۹		
$16 \leq x < 20$			۱۲۶
مجموع		▨▨▨	

۲

۱۶

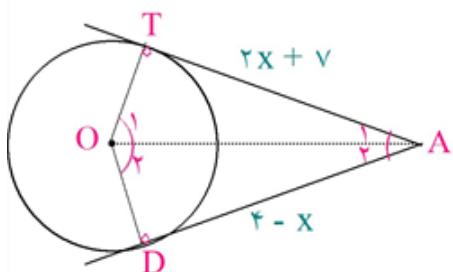
دو تاس را همزمان پرتاب می‌کنیم، احتمال اینکه مجموع اعداد داده شده بزرگ‌تر از ۸ باشد چقدر است؟ (حالات را بنویسید.)

۱

۱۷

۰/۷۵

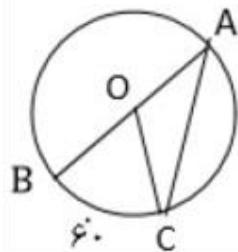
در شکل زیر AD و AT مماس بر دایره هستند مقدار X را به دست آورید.



۲

۱۸

در شکل زیر O مرکز دایره و کمان CB برابر 60 درجه است. اندازه زاویه‌ها و کمان خواسته شده را بنویسید. (۲)



$$\begin{aligned}\widehat{BOC} &= \\ \widehat{AC} &= \\ \widehat{COA} &= \\ \widehat{A} &= \end{aligned}$$

۰/۲۵

۱۹

شعاع دایره‌ای 4 سانتی‌متر است و فاصله مرکز دایره تا خط 3 سانتی‌متر است. خط و دایره چند نقطه مشترک دارند؟

(۰/۲۵)

۲۰

موفق باشید

جمع بارم : ۲۰ نمره



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	الف) درست	ت) درست
۲	الف) موازی (هر مورد ۲۵/۰ نمره)	ب) نادرست مثال نقض: عدد ۱ $(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$
۳	$-\frac{1 \times 3}{4 \times 3} + \frac{5 \times 2}{6 \times 2} - \frac{1}{12} = \frac{-3 + 10 - 1}{12} = \frac{6}{12}$	$\underbrace{-5 + 7 - 4}_{2} = -2$
۴	باید فقط از عدد ۲ و ۵ استفاده کنیم.	$2 \times 5 = 10$ $2 \times 2 \times 5 = 20$ $2 \times 5 \times 5 = 50$ $2 \times 2 \times 5 \times 5 = 100$
۵	۱۰۳) ۱۰۱) ۹۷) ۹۸) ۹۹) ۱۰۰) ۱۰۲)	
۶	$\hat{A} = 30^\circ$ الف) $\hat{C}_1 = 75^\circ \quad (./75)$ $\hat{C}_2 = 105^\circ$	$\hat{B} (1/25)$ $4x + 20 + 6x + 10 = 180$ $10x + 30 = 180$ $10x = 180 - 30$ $x = \frac{150}{10} = 15$
۷	$\hat{A} = 100^\circ$ $\hat{D} = 80^\circ$	
۸	$(a + b)^2 - (a - b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab - a^2 - b^2 + 2ab = 4ab$	
۹	$18 \times \left(\frac{1}{5}x - \frac{1}{9} = \frac{1}{3}x - \frac{5}{18} \right) \rightarrow 3x - 2 = 6x - 5 \rightarrow 3x = 3 \rightarrow x = 1$	

$$\text{الف) } \vec{c} = 5\vec{a} - 2\vec{b} = 5 \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix} - 2 \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -10 \\ 15 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 6 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -10 - 6 \\ 15 - (-2) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -16 \\ 17 \end{bmatrix}$$

$$\text{ب) } \vec{c} = -\frac{3}{7} \begin{bmatrix} +21 \\ -28 \end{bmatrix} + \frac{4}{5} \begin{bmatrix} -15 \\ 20 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -9 \\ 12 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -12 \\ 16 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -21 \\ 28 \end{bmatrix}$$

$$2x = 40$$

$$x = \frac{40}{2} = 20$$

$$3y - 10 = 80$$

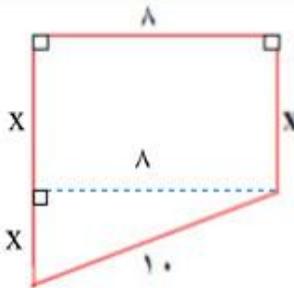
$$3y = 80 + 10 = 90$$

$$y = \frac{90}{3} = 30$$

$$2z + 10 = 60$$

$$2z = 60 - 10 = 50$$

$$z = \frac{50}{2} = 25$$



در مثلث رابطه فیثاغورس را می‌نویسیم:

$$10^2 - 8^2 = (13 - x)^2 = 100 - 64 = 36$$

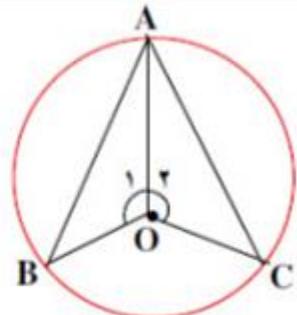
$$\Rightarrow 13 - x = 6 \Rightarrow x = 7$$

مساحت مستطیل و مثلث را محاسبه کرده، با هم جمع می‌کنیم تا مساحت ذوزنقه حاصل شود.

$$7 \times 8 + \frac{1}{2}(6 \times 8) = 56 + 24 = 80$$

$$\text{راه حل دوم: } \frac{\text{ارتفاع} \times \text{مجموع دو قاعده}}{2} = \frac{(7 + 13) \times 8}{2} = 80.$$

$$\left. \begin{array}{l} OA = OB \\ OB = OC \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{(ض زض)}} O\overset{\triangle}{AB} \cong O\overset{\triangle}{AC}$$



کمان بین صفر و ۱- زده می‌شود.

$$\text{الف) } 2^{15} + 2^{15} + 2^{15} + 2^{15} = 4 \times 2^{15} = 2^2 \times 2^{15} = 2^{17}$$

$$\text{ب) } (1/5)^{10} \div \left(\frac{15}{10}\right)^6 = (1/5)^{10} \div (1/5)^6 = (1/5)^4$$

عدد	$5/7$	$5/8$	$5/9$
مجدول	$32/4$	$33/6$	$34/8$

$$\sqrt{34} \cong 5/8$$

۹

۱۰

۱۱

۱۲

۱۳

۱۴

۱۵

دسته‌ها	فراوانی	مرکز دسته	مرکز دسته × فراوانی	
$4 \leq x < 8$	۳	$\frac{4+8}{2} = 6$	$3 \times 6 = 18$	
$8 \leq x < 12$	۲	$\frac{8+12}{2} = 10$	$10 \times 2 = 20$	$\bar{x} = \frac{s}{n}$
$12 \leq x < 16$	۹	$\frac{12+16}{2} = 14$	$9 \times 14 = 126$	$\bar{x} = \frac{290}{21} = 13.8$
$16 \leq x < 20$	۷	$\frac{16+20}{2} = 18$	۱۲۶	
مجموع	۲۱		۲۹۰	

$\frac{10}{36} = \frac{5}{18}$	۱۷
میانس‌ها با هم برابرند.	
$AT = AD$	
$2x + v = 4 - x$	
$2x + x = 4 - v$	۱۸
$3x = -v$	
$x = \frac{-v}{3} = -1$	
$\widehat{AC} = 120$	
$\widehat{A} = 30$	
$\widehat{BOC} = 60$	۱۹
$\widehat{COA} = 120$	
دو نقطه	۲۰
امضا:	نام و نام خانوادگی مصحح :
	جمع بارم : ۵۰ نمره